

# SY-527

Reg. No. : .....

Name : .....



## **SECOND YEAR HIGHER SECONDARY EXAMINATION, MARCH – 2024**

Part – III

Time : 2 Hours

**MATHEMATICS (SCIENCE)** Cool-off time : 15 Minutes

Maximum : 60 scores

***General Instructions to Candidates :***

- There is a ‘Cool-off time’ of 15 minutes in addition to the writing time.
- Use the ‘Cool-off time’ to get familiar with questions and to plan your answers.
- Read questions carefully before answering.
- Read the instructions carefully.
- Calculations, figures and graphs should be shown in the answer sheet itself.
- Malayalam version of the questions is also provided.
- Give equations wherever necessary.
- Electronic devices except non-programmable calculators are not allowed in the Examination Hall.

***വിദ്യാർത്ഥികൾക്കുള്ള പൊതുനിർദ്ദേശങ്ങൾ :***

- നിർദ്ദിഷ്ട സമയത്തിന് പുറമെ 15 മിനിറ്റ് ‘കൂർശ് ഓഫ് കോ’ ഉണ്ടായിരിക്കും.
- ‘കൂർശ് ഓഫ് കോ’ ചോദ്യങ്ങൾ പരിചയപ്പെടാനും ഉത്തരങ്ങൾ ആസൃതമാം ചെയ്യാനും ഉപയോഗിക്കുക.
- ഉത്തരങ്ങൾ എഴുതുന്നതിന് മുമ്പ് ചോദ്യങ്ങൾ ശ്രദ്ധാപൂർവ്വം വായിക്കണം.
- നിർദ്ദേശങ്ങൾ മുഴുവനും ശ്രദ്ധാപൂർവ്വം വായിക്കണം.
- കണക്ക് കൂടലുകൾ, ചിത്രങ്ങൾ, ശാഹ്നൂകൾ, എനിവ ഉത്തരപേപ്പിൽ തന്നെ ഉണ്ടായിരിക്കണം.
- ചോദ്യങ്ങൾ മലയാളത്തിലും നക്കിയിട്ടുണ്ട്.
- ആവശ്യമുള്ള സഹലത്ത് സമവാക്യങ്ങൾ കൊടുക്കണം.
- ഫ്രോഗാമുകൾ ചെയ്യാനാകാത്ത കാൽക്കുലേറ്ററുകൾ ഒഴികെയുള്ള ഒരു ഇലക്ട്രോണിക് ഉപകരണവും പരീക്ഷാഹാളിൽ ഉപയോഗിക്കുവാൻ പാടില്ല.

**Answer any 6 questions from 1 to 8. Each carries 3 scores.** **(6 × 3 = 18)**

1. Let R be a relation on a set  $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$  defined as  $R = \{(x, y) : y = 2x - 1\}$ .
  - (i) Write R in roster form and find its domain and range. (2)
  - (ii) Is R is an equivalence relation ? Justify. (1)
  
2.  $A = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$  show that  $A^2 - 5A + 7I = O$   
 (Where I is the identity matrix)
  
3. (i) Check the continuity of the function  $f(x) = 2x + 3$  at  $x = 1$ . (1)  
 (ii) Determine the value of k so that the function (2)  

$$f(x) = \begin{cases} kx + 1 & \text{if } x \leq 5 \\ 3x - 5 & \text{if } x > 5 \end{cases}$$
 is continuous at  $x = 5$ .
  
4. (i) Find the principal value of  $\sin^{-1}\left(\frac{1}{2}\right)$  (1)  
 (ii) Find the value of  $\tan^{-1} \left[ 2 \cos \left( 2 \sin^{-1} \frac{1}{2} \right) \right]$  (2)
  
5. (i) Which of the following function is increasing in its domain :  
 (A)  $\sin x$   
 (B)  $\cos x$   
 (C)  $-2x$   
 (D)  $\log x$  (1)

1 മുതൽ 8 വരെ ചോദ്യങ്ങളിൽ ഏതെങ്കിലും 6 എല്ലാത്തിന് ഉത്തരമെഴുതുക.  
3 സ്നേഹിതവിനാൾ. **(6 × 3 = 18)**

1. R എന്ന ബന്ധം  $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$  തും  $R = \{(x, y) : y = 2x - 1\}$  എന്ന് നിർവ്വചിക്കപ്പെട്ടിരിക്കുന്നു.
  - (i) R നെ രോസ്റ്റർ ഫോമിൽ എഴുതുക. ഇതിന്റെ ബഹാമയിനും രേഖപ്പും എഴുതുക. **(2)**
  - (ii) R ഒരു ഇക്കിലൻസ് റിലേഷൻ ആണോ? കാരണം വ്യക്തമാക്കുക. **(1)**
  
2.  $A = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$  ആയാൽ  
 $A^2 - 5A + 7I = O$  എന്ന് തെളിയിക്കുക.  
 (I ഐഡിജിറ്റി മാട്ടിക്സ് ആണ്)
  
3. (i)  $f(x) = 2x + 3$  എന്ന ഘാംഡ്ഷൻഡ്  $x = 1$  ലെ കണ്ണിന്നുറ്റി പരിശോധിക്കുക. **(1)**  
 (ii)  $f(x) = \begin{cases} kx + 1 & , \quad x \leq 5 \\ 3x - 5 & , \quad x > 5 \end{cases}$  എന്ന ഘാംഡ്ഷൻഡ്  $x = 5$  തെ കണ്ണിന്നുസ് ആയാൽ  $k$  യുടെ വില കാണുക. **(2)**
  
4. (i)  $\sin^{-1}\left(\frac{1}{2}\right)$  ന്റെ പ്രിൻസിപ്പിൽ വാല്യം \_\_\_\_\_ ആകുന്നു. **(1)**  
 (ii)  $\tan^{-1}\left[2 \cos\left(2 \sin^{-1}\frac{1}{2}\right)\right]$  ന്റെ വില കണ്ണെത്തുക. **(2)**
  
5. (i) താഴെ കൊടുത്തിരിക്കുന്നവയിൽ ഏത് ഘാംഗ്ഷൻഡ് ആണ് അതിന്റെ ബഹാമയിനിൽ ഇൻഫൈനിംഗ് ആയിട്ടുള്ളത്:  
 (A)  $\sin x$   
 (B)  $\cos x$   
 (C)  $-2x$   
 (D)  $\log x$  **(1)**

(ii) Find the intervals in which the function  $f$  given by  $f(x) = x^2 - 4x + 6$  is

(a) increasing (b) decreasing. (2)

6. (i) If  $\theta$  is the angle between two non zero vectors  $\vec{a}$  and  $\vec{b}$  and  $|\vec{a} \cdot \vec{b}| = |\vec{a} \times \vec{b}|$  then

$\theta = \text{_____}$ . (1)

(ii) Find the projection of the vector  $\vec{a} = \hat{i} - \hat{j}$  on the vector  $\vec{b} = \hat{i} + \hat{j}$ . (2)

7. Let A and B are independent events with  $P(A) = 0.3$ ,  $P(B) = 0.4$ , find

(i)  $P(A \cap B)$

(ii)  $P(A \cup B)$

(iii)  $P(A/B)$

8. Evaluate  $\int_{-1}^1 5x^4 \sqrt{x^5 + 1} dx$ .

**Answer any 6 questions from 9 to 16. Each carries 4 scores.  $(6 \times 4 = 24)$**

9. (i) What is the minimum number of ordered pairs to form a reflexive relation on a set of 4 elements ? (1)

(ii) Let  $A = R - \{3\}$ ,  $B = R - \{1\}$

Consider the function  $f : A \rightarrow B$  defined by  $f(x) = \frac{x-2}{x-3}$ .

Check whether  $f$  is one-one and onto. (3)

- (ii)  $f(x) = x^2 - 4x + 6$  എന്ന ഫൂണ്ട് (a) ഇൻഫീസിംഗ് (b) ഡീക്രീസിംഗ് ആകുന്ന ഇൻഫീവൽ കണ്ടുപിടിക്കുക. (2)

6. (i) പൂജ്യമല്ലാത്ത  $\vec{a}, \vec{b}$  എന്നീ വൈക്കട്ടുകൾക്ക് ഇടയിലുള്ള കോണ് θ ആണ്.

$$|\vec{a} \cdot \vec{b}| = |\vec{a} \times \vec{b}| \text{ ആണെങ്കിൽ } \theta = \text{_____} \text{ ആയിരിക്കും.} \quad (1)$$

- (ii)  $\vec{a} = \hat{i} - \hat{j}, \vec{b} = \hat{i} + \hat{j}$ . ആയാൽ  $\vec{b}$  യിൽ  $\vec{a}$  യുടെ പ്രോജക്ഷൻ കാണുക. (2)

7. A, B എന്നിവ ഇൻഡിപെൻഡന്റ് ഇവന്റുകൾ ആണ്.

$$P(A) = 0.3, P(B) = 0.4 \text{ ആയാൽ}$$

$$(i) P(A \cap B)$$

$$(ii) P(A \cup B)$$

$$(iii) P(A/B)$$

ഇവ കണ്ടുപിടിക്കുക.

8.  $\int_{-1}^1 5x^4 \sqrt{x^5 + 1} \, dx$  എന്ന് വില കണ്ടതുക.

9 മുതൽ 16 വരെ ചോദ്യങ്ങളിൽ ഏതെങ്കിലും 6 എണ്ണത്തിന് ഉത്തരമെഴുതുക.

4 സ്കോർ വിതാ.  $(6 \times 4 = 24)$

9. (i) 4 അംഗങ്ങളുള്ള ഒരു സെറ്റ് കൊണ്ട് ഉണ്ടാക്കാവുന്ന റിപ്പിക്സിവ് റിലേഷൻലുള്ള ക്രമജ്ഞാധികളുടെ ഏറ്റവും കുറവു എണ്ണം എത്ര ആയിരിക്കും ? (1)

$$(ii) A = R - \{3\}, B = R - \{1\}$$

$$f: A \rightarrow B \text{ എന്നത് } f(x) = \frac{x-2}{x-3} \text{ എന്ന് നിർവ്വചിക്കപ്പെട്ടിരിക്കുന്നു.}$$

$f$  വൺ-വൺ ഉം ഓൺടുവുമാണോ എന്ന് പരിശോധിക്കുക. (3)

10. (i) If A is a skew symmetric matrix then  $A' = \underline{\hspace{2cm}}$ . (1)

(ii) Express the matrix  $A = \begin{bmatrix} 2 & -2 & -4 \\ -1 & 3 & 4 \\ 1 & -2 & -3 \end{bmatrix}$

as the sum of a symmetric and skew symmetric matrix. (3)

11. A wire of length 28 m is cut into two pieces, one of the pieces is to be made into a square and other into a circle. What should be the length of the two pieces so that the combined area of square and circle is minimum ?

12. (i) Write the order and degree of the differential equation

$$xy \frac{d^2y}{dx^2} + x \left( \frac{dy}{dx} \right)^2 - \sin \left( \frac{dy}{dx} \right) = 0. \quad (1)$$

(ii) Find the integrating factor of the differential equation

$$x \frac{dy}{dx} + 2y = x^2. \quad (2)$$

(iii) Solve the differential equation

$$x \frac{dy}{dx} + 2y = x^2. \quad (1)$$

13. If  $\vec{a} = \hat{i} + \hat{j} + \hat{k}$ ,  $\vec{b} = \hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k}$

(i) Find  $\vec{a} + \vec{b}$  and  $\vec{a} - \vec{b}$ . (1)

(ii) Find a unit vector perpendicular to both  $\vec{a} + \vec{b}$  and  $\vec{a} - \vec{b}$ . (3)

14. Find the shortest distance between the lines  $\vec{r} = \hat{i} + \hat{j} + \lambda(2\hat{i} - \hat{j} + \hat{k})$

$$\vec{r} = 2\hat{i} + \hat{j} - \hat{k} + \mu(3\hat{i} - 5\hat{j} + 2\hat{k}).$$

10. (i) A ഒരു സ്ക്യൂണിമാട്ടിക് മാട്ടിക്സ് ആയാൽ  $A' = \underline{\hspace{2cm}}$ . (1)

(ii)  $A = \begin{bmatrix} 2 & -2 & -4 \\ -1 & 3 & 4 \\ 1 & -2 & -3 \end{bmatrix}$  എന്ന മാട്ടിക്സിനെ സിമാട്ടിക് ഉം സ്ക്യൂ സിമാട്ടിക്കും മാട്ടിക്സിന്റെ തുക ആയി എഴുതുക. (3)

11. 28 m നിളം ഉള്ള ഒരു വയർ റബ്ലായിമൂറിലുന്നു. ഒരു ഭാഗം കൊണ്ട് ഒരു സമചതുരവും അടുത്ത ഭാഗം കൊണ്ട് ഒരു വ്യത്യവും നിർമ്മിക്കുന്നു. സമചതുരത്തിന്റെയും വ്യത്യത്തിന്റെയും കൂടിയുള്ള പരപ്പളവ് മിനിമം ആയാൽ ഓരോ ഭാഗത്തിന്റെയും നിളം കാണുക.

12. (i)  $xy \frac{d^2y}{dx^2} + x \left( \frac{dy}{dx} \right)^2 - \sin\left(\frac{dy}{dx}\right) = 0$  എന്ന ഡിഫറൻഷ്യൽ സമവാക്യത്തിന്റെ ഓർഡർ കാണുക. (1)

(ii)  $x \frac{dy}{dx} + 2y = x^2$  എന്ന ഡിഫറൻഷ്യൽ സമവാക്യത്തിന്റെ ഇൻഗ്രേറ്റ് ഫാക്ടർ കാണുക. (2)

(iii)  $x \frac{dy}{dx} + 2y = x^2$  എന്ന ഡിഫറൻഷ്യൽ സമവാക്യത്തിന്റെ പരിഹാരം കാണുക. (1)

13.  $\vec{a} = \hat{i} + \hat{j} + \hat{k}$ ,  $\vec{b} = \hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k}$  ആണെങ്കിൽ

(i)  $\vec{a} + \vec{b}$  യും  $\vec{a} - \vec{b}$  യും കണ്ണൂപിടിക്കുക. (1)

(ii)  $\vec{a} + \vec{b}$  യും  $\vec{a} - \vec{b}$  യും ലംബം ആയിട്ടുള്ള യുണിറ്റ് വെക്ടർ കണ്ണൂപിടിക്കുക. (3)

14.  $\vec{r} = \hat{i} + \hat{j} + \lambda(2\hat{i} - \hat{j} + \hat{k})$ ,  $\vec{r} = 2\hat{i} + \hat{j} - \hat{k} + \mu(3\hat{i} - 5\hat{j} + 2\hat{k})$  എന്നീ വരകൾ തമ്മിലുള്ള കൂറ്റെ ദൂരം കണ്ണൂപിടിക്കുക.

15. In a factory which manufactures bolts, machines A, B and C manufacture respectively 25%, 35% and 45% of the bolt. Of their output 5%, 4% and 2% are respectively defective bolts. A bolt is drawn at random from the product and is found to be defective. What is the probability that it is manufactured by machine B ?
16. Find the area of the region bounded by the ellipse  $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{9} = 1$  using integration.

**Answer any 3 questions from 17 to 20. Each carries 6 scores.  $(3 \times 6 = 18)$**

17. Solve the following system of equations by matrix method :

$$2x - 3y + 5z = 11$$

$$3x + 2y - 4z = -5$$

$$x + y - 2z = -3$$

18. (i)  $\sin x + \cos y = xy$  find  $\frac{dy}{dx}$ . (2)

(ii)  $x = a \cos^3 t; y = a \sin^3 t$  find  $\frac{dy}{dx}$ . (2)

(iii) If  $y = (\sin^{-1} x)^2$  then show that  $(1 - x^2) \frac{d^2y}{dx^2} - x \frac{dy}{dx} = 2$ . (2)

19. (i) Find  $\int \frac{x-1}{(x-2)(x-3)} dx$ . (3)

(ii) Prove that  $\int_{0}^{-\frac{\pi}{4}} \log(1 + \tan x) dx = \frac{\pi}{8} \log 2$ . (3)

15. ബോർട്ടുകൾ നിർമ്മിക്കുന്ന ഒരു ഫാക്ടറിയിൽ യന്ത്രങ്ങൾ A, B, C എന്നിവ യഥാക്രമം 25%, 35%, 45% ബോർട്ടുകൾ നിർമ്മിക്കുന്നു. അവയിൽ 5%, 4%, 2% യഥാക്രമം ഉപയോഗം ശുന്നമായ ബോർട്ടുകൾ ആണ്. ഉൽപന്നത്തിൽ നിന്നും ക്രമരഹിതമായി ഒരു ബോർട്ട് എടുക്കുകയും അത് ഉപയോഗ ശുന്നമായ ബോർട്ട് ആവുകയും ചെയ്യുന്നു എങ്കിൽ മെച്ചിൻ B ഉപയോഗിച്ച് ഈ ബോർട്ട് നിർമ്മിക്കാനുള്ള സാധ്യത എന്താണ്?
16.  $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{9} = 1$  എന്ന എലിപ്സിന്റെ പരപ്പളവ് കണ്ണുപിടിക്കുക.

17 മുതൽ 20 വരെ ചോദ്യങ്ങളിൽ ഏതെങ്കിലും 3 എണ്ണത്തിന് ഉത്തരമെഴുതുക.  
6 സ്ക്രോൾ വിതം. (3 × 6 = 18)

17. മാട്ടിക്സ് രീതി ഉപയോഗിച്ച് താഴെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന ഒരു കൃതം സമവാക്യങ്ങളുടെ പതിഫാറം കാണുക :

$$2x - 3y + 5z = 11$$

$$3x + 2y - 4z = -5$$

$$x + y - 2z = -3$$

18. (i)  $\sin x + \cos y = xy$  ആയാൽ  $\frac{dy}{dx}$  കാണുക. (2)
- (ii)  $x = a \cos^3 t; y = a \sin^3 t$  ആയാൽ  $\frac{dy}{dx}$  കാണുക. (2)
- (iii)  $y = (\sin^{-1} x)^2$  ആയാൽ  $(1 - x^2) \frac{d^2y}{dx^2} - x \frac{dy}{dx} = 2$  എന്ന് തെളിയിക്കുക. (2)

19. (i)  $\int \frac{x-1}{(x-2)(x-3)} dx$  കണ്ണുപിടിക്കുക. (3)

- (ii)  $\int_{0}^{-\frac{\pi}{4}} \log(1 + \tan x) dx = \frac{\pi}{8} \log 2$  എന്ന് തെളിയിക്കുക. (3)

20. Solve the following linear programming problem graphically :

$$\text{Maximise } Z = 60x + 15y$$

Subject to the constraints

$$x + y \leq 50$$

$$3x + y \leq 90$$

$$x \geq 0, y \geq 0$$

---

20. ഗ്രാഫ് വരച്ച് ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന ലീനിയർ പ്രോഗ്രാമിങ് പ്രോബ്ലെമ്മിന് പരിഹാരം കണ്ണുപിടിക്കുക :

$$x + y \leq 50, \quad 3x + y \leq 90, \quad x \geq 0, \quad y \geq 0$$

എന്നീ നിബന്ധനകൾക്ക് വിധേയമായി

$$Z = 60x + 15y \text{ യുടെ } \text{എറ്റവും കുടിയ വിലകാണുക.}$$

---

